МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ им. М.В. ЛОМОНОСОВА

ФИЛОСОФСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ КАФЕДРА ЛОГИКИ

ПЛАНЫ

СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ ПО ЛОГИКЕ ДЛЯ СТУДЕНТОВ ОТДЕЛЕНИЯ ФИЛОСОФИИ

(2 курс, 1 семестр)

ТЕМА VII. ПОНЯТИЕ

ЗАНЯТИЕ 1

- 1. Понятие как форма мысли. Выражение понятий в языке.
- 2. Логическая форма понятий.
- 3. Объем и содержание понятия. Элементы и части объемов понятий.

Упражнение:

- 1. Установите объем и содержание, приведите примеры частей объемов и элементов объемов следующих понятий, выявите их логическую форму:
 - а) планета, более удаленная от Солнца, чем Земля;
 - б) жидкость, кипящая в случае, когда она нагрета до 100°С;
 - в) населенный пункт, расположенный севернее Новгорода и южнее Москвы;
 - г) государства, имеющие общую сухопутную или водную границу;
 - д) отношение, в котором каждый человек не находится к самому себе, но находится к некоторому другому человеку;
 - е) функция, сопоставляющая каждому нечетному числу четное число;
 - ж) натуральное число, которое делится на 6 при условии кратности 2 и кратности 3.

Литература:

- 1. Бочаров В.А., Маркин В.И. Основы логики. Глава VI, §1.
- 2. Войшвилло Е.К. Понятие как форма мышления. М., 1989, с. 87–109.

ЗАНЯТИЕ 2

1. Виды понятий.

Упражнения:

- 1. Определить, к каким видам относятся следующие понятия:
 - а) город, находящийся между Москвой и Парижем;
 - б) города, ставшие после ІІ мировой войны побратимами;
 - в) московская городская коллегия адвокатов;
 - г) свойство, присущее каждому разумному существу;
 - д) континент, расположенный южнее Антарктиды;
 - е) способность организма приспосабливаться к внешним условиям.
- 2. Приведите примеры понятий, относящихся к следующим видам:
 - а) отрицательного относительного понятия;
 - б) логически пустого абстрактного понятия;
 - в) общего собирательного понятия;
 - г) единичного понятия о кортежах объектов;
 - д) фактически универсального, конкретного, несобирательного понятия.

Литература:

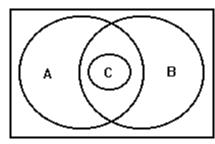
- 1. Бочаров В.А., Маркин В.И. Основы логики. Глава VI, §2.
- 2. Войшвилло Е.К. Понятие как форма мышления. М., 1989, с. 168–177.

ЗАНЯТИЕ 3

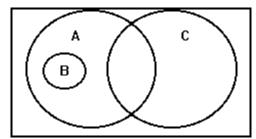
- 1. Виды объемных отношений между понятиями.
- 2. Установление отношений между понятиями по фактическим объемам (круги Эйлера).
- 3. Установление отношений между понятиями по логическим объемам (диаграммы Венна).

Упражнения:

- 1. Установить отношения между понятиями по фактическим объемам с помощью кругов Эйлера:
 - а) российский ученый; ученый-психолог; ученый, занимающийся проблемами возрастной психологии;
 - б) четырехугольник, прямоугольник, ромб, параллелограмм, трапеция;
 - в) дерево; береза; ветка дерева; ветка березы;
 - г) город, расположенный в Европе; город, расположенный в Африке; город, не расположенный в Европе; город с населением, превышающим 1 млн. человек;
 - д) отец; сын; мужчина.
- 2. Привести примеры понятий находящихся в следующих отношениях по фактическим объемам:



французским;



- 3. Установить отношения между понятиями по логическим объемам с помощью диаграмм Венна:
 - а) студент, изучающий и логику, и психологию, студент, не изучающий ни логику, ни психологию;
 - б) слово, изменяющееся по лицам или не изменяющееся по числам, слово, изменяющееся по числам или не изменяющееся по лицам;
 - в) человек, владеющий английским или французским языком, и не владеющий немецким, человек, владеющий английским или немецким языком, и не владеющий
 - г) школьник, который старше Пети и младше Саши или Вани, школьник, который младше Вани, но не младше Саши, и старше Пети.

Литература:

- 1. Бочаров В.А., Маркин В.И. Основы логики. Глава VI, §3.
- 2. Войшвилло Е.К. Понятие как форма мышления. М., 1989, с. 178–184.

ЗАНЯТИЕ 4

- 1. Обобщение и ограничение понятий.
- 2. Булевы операции над объемами понятий.
- 3. Деление понятий.

Упражнения:

- 1. Обобщить и ограничить следующие понятия:
- а) древнегреческий философ;
- б) высшее учебное заведение;
- в) семья, состоящая из трех человек;
- г) братья-близнецы.
- 2. Проверить, корректно ли произведены операции обобщения или ограничения:
- а) ближайшая к Солнцу планета Солнечной системы планета Солнечной системы Солнечная система солнечная система;
- б) элементарная частица молекула атом ядро атома.
- 3. Осуществить операции объединения, пересечения, разности над объемами следующих понятий, указать понятия, объемами которых являются результаты произведенных операций:
- а) русский дореволюционный писатель русский послереволюционный писатель;
- б) натуральное число целое число;
- в) студент, не имеющий задолженностей неуспевающий студент.
- 4. Указать состав и вид деления понятия, проверить правильность его осуществления:
- а) транспорт бывает сухопутный, водный, воздушный, железнодорожный, автомобильный и гужевой;
- б) двухместные отношения делятся на рефлексивные (каждый объект находится в этом отношении к самому себе) и антирефлексивными (ни один объект не находится в нем к самому себе);
- в) предложение состоит из подлежащего, сказуемого и второстепенных членов.

Литература:

- 1. Бочаров В.А., Маркин В.И. Основы логики. Глава VI, §3, 4.
- 2. Войшвилло Е.К. Понятие как форма мышления. М., 1989, с. 185–211.

TEMA VIII. НЕКЛАССИЧЕСКИЕ ЛОГИКИ

ЗАНЯТИЕ 1

- 1. Принципы построения многозначных логик.
- 2. Трехзначная логика Лукасевича.

Упражнение:

1. Проверить, являются ли законами трехзначной логики Лукасевича следующие формулы:

ж)
$$(p \& \neg p) \supset (q \lor \neg q)$$
, з) $(p \& \neg p) \supset q$, и) $p \supset (q \lor \neg q)$,

$$\mathsf{K})\ (p\supset (p\supset q))\supset (p\supset q),\ \ \mathsf{J})\ (p\supset (p\supset (p\supset q)))\supset (p\supset (p\supset q)).$$

Литература:

1. В.А.Бочаров, В.И.Маркин. Введение в логику. М., 2008, с.284-290.

ЗАНЯТИЕ 2

- 1. Нормальные системы модальной логики: T, B, S4, S5.
- 2. Семантика возможных миров.
- 3. Метод аналитических таблиц в модальной логике.

Упражнения:

- 1. Определить в семантике возможных миров условия истинности и ложности следующих формул:
 - a) $\Box A \supset \Diamond B$,
- δ) δ *A* ⊃ \Box *B*,
- $\mathbf{B}) \Box \Diamond A$,

 Γ) $\Diamond \Box A$,

- \exists \Box ($\Diamond A \& \Diamond B$),
- e) $\Diamond(\Box A \vee \Box B)$.
- 2. Методом аналитических таблиц проверьте, являются ли следующие формулы законами модальной системы **S4**:
 - a) $\Box(p \& q) \supset (\Box p \& \Box q)$,

- б) $(\Diamond p \lor \Diamond q) \supset \Diamond (p \lor q)$,
- B) $(\Box p \& \Diamond \Diamond q) \supset (\Box \Box p \& \Diamond q),$
- Γ) $\Diamond \Box p \supset \Box \Diamond p$,

- д) $\neg \Diamond p \supset \neg \Diamond \neg \Box \neg p$.
- 3. Продемонстрируйте правильность следующего модального рассуждения:
- а) Необходимо, что если число делится на 5, то оно оканчивается на 0 или на 5. Следовательно, не может быть так, чтобы число делилось на 5, но не оканчивалось ни на 0, ни на 5.

Литература:

- 1. Ивлев Ю.В. Модальная логика. М., 1991, с. 26–29.
- 2. В.А.Бочаров, В.И.Маркин. Введение в логику. М., 2008, с. 312-329.

ЗАНЯТИЕ 3

- 1. Временная логика. Система \mathbf{K}_{t} : исчисление и семантика.
- 2. Возможные свойства временного ряда. Расширения системы \mathbf{K}_{t} .
- 3. Проблема определения алетических модальностей через временные.

Упражнения:

- 1. Определить в рамках семантики системы \mathbf{K}_t условия истинности и ложности следующих формул:
 - a) **GP**A,
- б) **F**(A & **F**A),
- B) $\mathbf{H}A \vee \mathbf{H} \neg A$.
- 2. Продемонстрировать общезначимость в системе \mathbf{K}_{t} следующих формул:
 - a) $(\mathbf{G}p \& \mathbf{G}q) \supset \mathbf{G}(p \& q),$ $\mathbf{P}\mathbf{G} \neg p.$

- б) $\mathbf{P}(p \vee q) \supset (\mathbf{P}p \vee \mathbf{P}q)$, в) $\neg \mathbf{HF}p \supset$
- 3. Показать опровержимость в системе ${\bf K}_t$ следующих формул:
 - а) **Н** $p \supset \mathbf{P}p$ (в моделях, где временной ряд имеет начало),
 - б) $\mathbf{G}p \supset \mathbf{G}\mathbf{G}p$ (в моделях, где временной ряд нетранзитивен),
 - в) $Pp \supset PPp$ (в моделях, где временной ряд не является плотным).
- 4. Показать общезначимость формул в расширениях системы \mathbf{K}_{t} :
 - а) $\mathbf{G}p \supset \mathbf{F}p$ (в моделях с бесконечным в будущее временным рядом),
 - б) $Hp \supset HHp$ (в моделях с транзитивным временным рядом),
 - в) $\mathbf{F}p \supset \mathbf{F}\mathbf{F}p$ (в моделях с плотным временным рядом).
- 5. Доказать, что в моделях с транзитивным и бесконечным в прошлое временным рядом из определения необходимости A как $\mathbf{HG}A$ вытекает "аристотелевская" трактовка необходимости A как $\mathbf{H}A$ & A & $\mathbf{G}A$.

Литература:

- 1. Смирнова Е.Д. Основы логической семантики. М., 1990, с. 122–124.
- 2. В.А.Бочаров, В.И.Маркин. Введение в логику. М., 2008, с. 335-345.

ЗАНЯТИЕ 4

- 1. Источники парадоксов материальной импликации и классического следования.
- 2. Обобщенные описания состояния. Семантика первоуровневого релевантного следования.

Упражнения:

- 1. Выявите обобщенные описания состояния, в которых формулы $p \lor \neg p$ и p & q
 - а) истинными и не ложными,
- б) ложными и не истинными,
- в) истинными и ложными,
- г) не истинными и не ложными.
- 2. Проверьте, являются ли следующие утверждения о следовании верными в семантике первоуровневой релевантной логики:
 - a) $p \lor \neg p \models \neg (p \& \neg p)$, $6) p \models \neg \neg p$, B) $p \models (p \lor r)$, $r) p \models (q \lor \neg q)$, $g \models (p \& \neg p) \models q$, $g \models (p \& q) \models (\neg p \lor \neg q)$, ж) $(p \& (q \lor r)) \models ((p \& q) \lor (p \& r)).$

Литература:

- 1. Войшвилло Е.К. Символическая логика: классическая и релевантная. М., 1989. С. 96-
- 2. В.А.Бочаров, В.И.Маркин. Введение в логику. М., 2008, с. 362-369, 373-377.

ЗАНЯТИЕ 5

- 1. Интуиционистская логика: содержательные предпосылки, исчисление и семантика.
- 2. Метод аналитических таблиц в интуиционистской логике.

Упражнения:

- 1. Определить в семантике возможных миров для интуиционистской логики условия истинности и ложности следующих формул:
 - a) $\neg (A \supset B)$,
- $B) A \supset \neg B$.
- 2. Методом аналитических таблиц проверить, являются ли следующие формулы законами интуиционистской логики:
 - a) $(p \supset q) \supset ((p \supset \neg q) \supset \neg p)$,
- $\mathsf{G})\ (\neg p \supset q) \supset ((\neg p \supset \neg q) \supset p),$
- B) $\neg (p \lor q) \supset (\neg p \& \neg q),$ $\exists A$) $((p \supset q) \supset p) \supset p,$
- 6) $(\neg p \supset q) \supset ((\neg p \supset \neg q)$ 1) $\neg (\neg p \lor \neg q) \supset (p \& q)$,
- e) $((p \supset (q \supset q)) \supset p) \supset p$,
- ж) $((p \& q) \supset r) \supset ((p \& \neg r) \supset \neg q)$, з) $((p \supset q) \& (\neg p \supset r)) \supset (q \lor r)$.

Литература:

- 1. Смирнова Е Д. Основы логической семантики. М., 1990, с. 131–134.
- 2. В.А.Бочаров, В.И.Маркин. Введение в логику. М., 2008, с. 346-357.